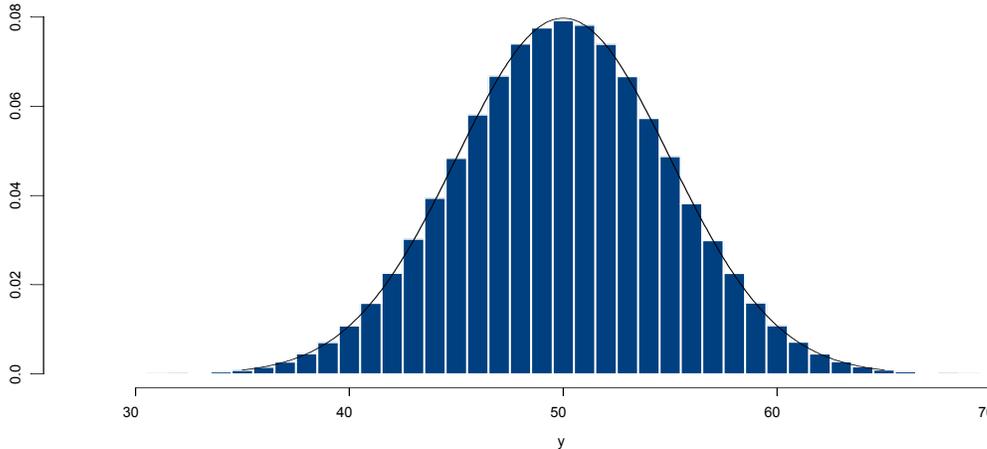


## ESTADÍSTICA (Química) PRÁCTICA 5

1. En la figura, ¿la probabilidad de obtener 52 caras en 100 tiradas de una moneda equilibrada es exactamente igual al área entre 51.5 y 52.5 bajo la curva normal o bajo el histograma?



2. Se arroja una moneda 10000 veces. Estimar la probabilidad de obtener:
- entre 4900 y 5050 caras.
  - 4900 caras ó menos.
  - 5050 caras ó más.
3. Compare la función de distribución acumulada de una binomial y su aproximación por la distribución normal, para los siguientes parámetros:
- $n = 10, p = 0.2$
  - $n = 10, p = 0.5$
  - $n = 25, p = 0.5$
4. Se tira 100 veces un dado de 6 caras. Use la aproximación normal para hallar:
- la probabilidad de que salga "6" entre 15 y 20 veces.
  - la probabilidad de que la suma de los resultados obtenidos sea menor que 300.
5. El teorema central del límite puede ser utilizado para analizar errores de redondeo. Suponga que el error de redondeo se representa mediante una variable aleatoria uniforme en  $[-0.5, 0.5]$ . Si se suman 100 números, halle la probabilidad de que el error de redondeo exceda en valor absoluto a:
- 1
  - 2
  - 5
6. En cierto juego la probabilidad de ganar es 0.3. Para participar en el mismo se paga \$1 y en caso de ganar se reciben \$3.
- ¿Cuál es *aproximadamente* la probabilidad de que en 50 juegos independientes un jugador gane por lo menos \$10?
  - ¿Puede calcular la probabilidad pedida en a) *exactamente*?
7. Suponga que una medición tiene media  $\mu$  desconocida y varianza  $\sigma^2=0.25$ . Sea  $\bar{X}$  el promedio de

$n$  determinaciones independientes.

- Si se hacen  $n=10$  determinaciones, calcular  $P(|\bar{X} - \mu| < 0.10)$ .
- ¿Cuán grande debe ser  $n$  para que  $P(|\bar{X} - \mu| < 0.10) = 0.95$ ?

8. Para rellenar una zona del río se utilizan 2 camiones (A y B). La distribución de la carga diaria (en toneladas métricas) transportada por el camión A tiene función densidad

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x}{52} & \text{si } 11 < x < 15 \\ 0 & \text{en otro caso} \end{cases}$$

El camión B lleva una carga diaria en toneladas con esperanza 18Tm y desvío estándar 1.3Tm.

- Calcule esperanza y varianza de la carga diaria transportada por A.
  - Calcule esperanza y desvío estándar de la carga total llevada por los dos camiones en un día.
  - Calcule *aproximadamente* la probabilidad de que la carga total transportada en 256 días esté entre 7950 y 8000Tm.
  - ¿Puede calcular la probabilidad pedida en c) *exactamente*?
9. Supongamos que el peso medio de un frasco de mermelada es  $\mu_A=1004\text{g}$  para la marca A y  $\mu_B=1002\text{g}$  para la marca B, con desvíos  $\sigma_A=8\text{g}$  y  $\sigma_B=6\text{g}$ , respectivamente. Se eligen al azar  $n_A=40$  frascos de la marca A y  $n_B=35$  frascos de la marca B, y se pesan sus contenidos.
- Defina las variables aleatorias involucradas en este problema. Indique la distribución exacta o aproximada de las medias muestrales asociadas a ambas marcas. Indique la distribución exacta o aproximada de la diferencia entre la media muestral para la marca A y la media muestral para la marca B. Enuncie los resultados teóricos en los que se basa.
  - Calcule la probabilidad aproximada de que la diferencia entre las medias muestrales sea a lo sumo 3.
  - Calcule la probabilidad aproximada de que la diferencia anterior sea por lo menos 6.
  - Si el valor observado de esa diferencia es 6, ¿dudaría usted que  $\mu_A - \mu_B = 2$ ? Explique por qué en base a las probabilidades calculadas en b) y c).
  - ¿Se modifican las distribuciones de a) si  $n_A=400$  y  $n_B=350$ ? Justifique.
10. De acuerdo a un estudio sobre factores de riesgo para patología cardiaca, el 40% de los varones adultos de más de 50 años son o han sido fumadores (los llamaremos "fumadores"). Se selecciona una muestra al azar de 100 varones de más de 50 años. Suponiendo que los datos del estudio son correctos,
- ¿cuál es la probabilidad de obtener 50 ó más fumadores?
  - ¿cuál es la probabilidad de que la proporción de fumadores en una muestra de 100 personas difiera de la proporción poblacional en menos de 0.05?
  - ¿cuál debe ser el tamaño de la muestra para que la probabilidad de b) sea por lo menos 0.9?