

ESTADÍSTICA (Química)
PRÁCTICA 8 – Análisis de la varianza

1. Se analizaron 6 muestras de cada uno de tres tipos de cereal producidos en cierta región para determinar el contenido de tiamina. Los resultados fueron los siguientes:

	Trigo	Maíz	Avena
	5.2	6.5	9.3
	4.5	8.0	7.1
	6.0	6.1	8.8
	6.1	7.5	8.0
	6.7	5.9	6.5
	5.8	5.6	8.2
media	5.72	6.60	7.98
desvío	0.77	0.95	1.04

- a) Suponga que se verifican los supuestos del modelo del Análisis de la Varianza. Construya la tabla y aplique el test F para decidir si existen diferencias en las medias del contenido de tiamina de los tres cereales a nivel 0.05.
- b) Si en el inciso a) halló diferencias significativas, detecte mediante tests con nivel simultáneo 5% cuáles son los cereales que difieren en sus contenidos medios de tiamina.
- c) Encuentre intervalos de confianza de nivel simultáneo 95% para todas las diferencias de medias.
2. En un experimento se midió la pérdida de humedad de 6 variedades de sorgo sometidas a un cierto tratamiento.

Sea X_{ij} la pérdida de humedad de la semilla j de la variedad i . Considere el siguiente modelo:

$$X_{ij} = \mu_i + \varepsilon_{ij} \quad 1 \leq i \leq 6, 1 \leq j \leq 8$$

donde ε_{ij} son variables aleatorias y μ_i es la esperanza de la pérdida de humedad para la variedad i . Los datos obtenidos son los siguientes:

Var. 1	Var. 2	Var. 3	Var. 4	Var. 5	Var. 6
11.55	10.12	9.53	11.28	10.38	9.77
11.52	9.34	9.51	11.22	10.40	10.56
11.61	9.34	9.95	11.05	10.18	10.36
11.61	10.15	9.43	11.05	10.40	10.60
11.89	9.48	9.99	11.08	10.07	10.56
11.70	9.27	9.48	11.02	10.35	10.46
11.61	10.18	9.96	11.97	10.35	10.13
11.49	9.68	9.25	11.15	10.54	10.34

- a) Analice mediante técnicas gráficas si existen diferencias entre las distintas variedades.
- b) Suponga que se verifican los supuestos del modelo del Análisis de la Varianza. Construya la tabla y aplique el test F para decidir si existen diferencias entre las medias de pérdida de humedad de las distintas variedades a nivel 0.05.
- c) Mirando los boxplots, ¿le parece válido el supuesto de homogeneidad de varianzas? Aplicando el test de Bartlett, ¿cuál es su conclusión respecto a la homogeneidad de varianzas a nivel 5%?

- d) Analice si es válido el supuesto de normalidad haciendo un histograma o un gráfico tallo-hoja del conjunto de todos los residuos . Aplicando el test de Shapiro-Wilk, ¿a qué conclusión llega?
- e) Si en el inciso b) halló diferencias significativas, detecte mediante tests con nivel simultáneo qué pares de variedades difieren al 5%.
- f) Se quieren calcular IC con nivel simultáneo 95% para las diferencias de medias, tomadas de a pares. Se desea calcular los IC para todos los pares, pero para no hacer tantas cuentas, calcule el IC para la diferencia de las medias de las variedades 2 y 1.

3. Un experimento comenzó dividiendo un grupo de ratas de 20 días de edad en tres grupos al azar. Un grupo recibió ATRO (atropina) solamente, el segundo grupo recibió SPI (spiropéridol) solamente y el tercer grupo recibió COMB (una combinación de ambos). Una hora después que la droga fuera suministrada se midió el tiempo en segundos de reacción de cada rata ante un estímulo. Se obtuvieron los siguientes tiempos de reacción en segundos:

	ATRO	COMB	SPI
	10.5	16.0	35.8
	0.8	5.9	10.5
	0.7	11.5	10.5
	0.7	4.4	5.2
	0.3	17.7	20.9
	0.7	13.5	44.2
	0.3	60.0	19.6
		2.3	20.7
Media	2.0	16.4	20.9
DE	3.8	18.5	13.3

- a) Construya boxplots para los datos y describa las características observadas.
- b) ¿Es razonable suponer el modelo del Análisis de la Varianza a un factor para estos datos?
- c) Intente aplicar el Análisis de la Varianza y aplique el test de Shapiro-Wilk a los residuos, ¿cuál es la conclusión?
- d) Solo para comparar, calcule el valor p del test F para estudiar la hipótesis de igualdad de medias (aunque no es correcto, ¿verdad?).
- e) Aplique una transformación logarítmica a los datos (calcule log decimal para que todos lleguemos a los mismos resultados, pero sería equivalente calcular ln ya que difieren en una constante multiplicativa).
- f) Repita a), b) y c) pero con los datos transformados.
De acá en adelante continúe el análisis estadístico con los datos originales o transformados, según le parezca más conveniente.
- g) Aplique el test F para comparar las medias de los tres tratamientos.
- h) En el caso de rechazar H_0 con el test F , detecte para cuáles de las drogas las respuestas difieren significativamente.

4. Aplique el test de rangos de Kruskal-Wallis al problema anterior.

Nota: Como con este test se obtienen las mismas conclusiones usando los datos originales o los transformados (¿por qué?), aplíquelo a los datos que prefiera.

Compare las conclusiones con las del ejercicio anterior.

¿El valor p del test de Kruskal-Wallis se parece al obtenido en d) o en f) del ejercicio anterior?

5. Se midieron las concentraciones de plasma (en nanogramos por mililitro) de 10 perros sometidos a 3 tratamientos distintos. Las mediciones se presentan en la siguiente tabla:

Perro	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Tratamiento 1	0.28	0.51	1.00	0.39	0.29	0.36	0.32	0.69	0.17	0.33
Tratamiento 2	0.30	0.39	0.63	0.68	0.38	0.21	0.88	0.39	0.51	0.32
Tratamiento 3	1.07	1.35	0.69	0.28	1.24	1.53	0.49	0.56	1.02	0.30

¿Considera que son válidos los supuestos para realizar el Análisis de la Varianza a un factor?

6. En un ensayo de colaboración se envió una muestra de una sustancia que contiene olaquindox a tres laboratorios. Cada laboratorio realizó mediciones repetidas e independientes utilizando un detector ultravioleta. Los resultados obtenidos se presentan en la siguiente tabla:

	LAB 1	LAB 2	LAB 3
	21.0	26.5	21.2
	23.8	27.1	21.4
	23.0	25.9	22.6
	22.1	26.2	23.7
	22.8	25.6	21.9
Media	22.54	26.26	22.16
DE	1.05	0.58	1.02

- Determine si algún laboratorio obtiene mediciones sesgadas.
- Mediante técnicas gráficas compare las mediciones obtenidas por los tres laboratorios y describa lo que ve.
- Plantee un modelo para analizar las diferencias entre laboratorios. ¿Qué supuestos debe hacer? ¿Puede analizar la validez de los mismos? En caso de que su respuesta sea afirmativa, analícelos.
- Escriba la tabla del Análisis de la Varianza y aplique un test de la hipótesis en que los tres laboratorios miden con igual media, a un nivel del 5%.
- ¿Se puede decir que algún laboratorio mide de más o de menos? Explique qué método utilizó para llegar a la conclusión.
- Calcule los IC para las diferencias de medias entre todos los pares de laboratorios.