

Ejercicio Adicional

Llevar a cabo la siguiente simulación. Generar una muestra aleatoria de variables $X_i \sim \text{Bi}(n, p)$ ($1 \leq i \leq k$).

a) Para cada variable aleatoria X_i construir los dos intervalos de confianza para p de nivel asintótico 0.95 vistos en clase. De este modo se consiguen k intervalos de confianza, contruidos a través del método 1 y k a través del método 2.

Método 1: cuando sustituyo el valor de p en la varianza por \bar{x} .

Método 2: cuando no sustituyo a p y calculo los extremos del intervalo como raíces de una cuadrática.

Tomar $k = 2000$ y los siguientes valores de n y p .

(a) $n = 20; 50; 100$

(b) $p = 0.10; 0.25; 0.50$

Para cada X_i guardar los resultados, es decir, para cada método guardar

- el IC obtenido
- la longitud de dicho intervalo
- un 1 si el IC hallado contuvo al verdadero valor de p y un 0 sino

Como los intervalos contruidos tienen nivel **asintótico** 0.95, podemos ver cuál es el nivel de confianza exacto resultante (es decir la cobertura). Podemos encontrar una estimación de $\pi = P(\text{cobertura})$ y ver cuál de los dos métodos tiene mayor cobertura (para los distintos valores de p y n) y ver cuán cerca de 0.95 se encuentran.

También podemos hallar una estimación para la longitud esperada para cada posible combinación de n y p y para cada método, de modo de poder compararlos también de este modo.

En resumen, para cada combinación de n y p :

- Estimar la probabilidad de cobertura para ambos métodos.
- Estimar la longitud esperada para ambos métodos.
- Sacar conclusiones.

b) Por otro lado, como se vio en clase, también podemos realizar un intervalo de confianza de nivel exacto para p . Repetir la parte a) en este caso.