

# Modelo Lineal Generalizado

## Guía de R

(Fuente: Faraway, 2006)

### 1. Tablas de $2 \times 2$

Crearemos una tabla en R. Para ello usaremos el comando `gl` que genera factores siguiendo un patrón determinado.

Así, por ejemplo:

```
> gl(2, 1, 20)
[1] 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2
Levels: 1 2
```

```
> gl(2, 2, 20)
[1] 1 1 2 2 1 1 2 2 1 1 2 2 1 1 2 2 1 1 2 2
Levels: 1 2
```

```
> gl(2, 8, labels = c("si", "no"))
[1] si si si si si si si si no no no no no no no no
Levels: si no
```

Para crear la tabla siguiente haremos:

|           | Edad      |        |
|-----------|-----------|--------|
| Cantidad  | $\leq 40$ | $> 40$ |
| $\leq 20$ | 50        | 15     |
| $> 20$    | 10        | 25     |

```

> y <- c(50,15,10,25)
> edad <- gl (2,1,4,labels=c("<=40",">40"))
> cantidad <- gl(2,2,labels=c("<=20",">20"))
> tablaex <- data.frame(y,edad,cantidad)
> tablaex
  y edad cantidad
1 50 <=40    <=20
2 15 >40    <=20
3 10 <=40    >20
4 25 >40    >20

```

Para visualizar la tabla de la forma habitual es útil el comando xtabs:

```

> (ov <- xtabs(y ~ cantidad+edad))
      edad
cantidad <=40 >40
    <=20    50  15
    >20    10  25

```

Para obtener los marginales de filas y columnas podemos hacer:

```

> (mfila <- prop.table( xtabs(y ~ cantidad)))
cantidad <=20 >20
      0.65 0.35

```

```

> (mcolumn <- prop.table( xtabs(y ~ edad)))
edad <=40 >40
      0.6  0.4

```

Calculamos los valores esperados y los estadísticos

```

> (esp<- outer(mfila,mcolumn)*100)
      edad
cantidad <=40 >40
    <=20    39  26
    >20    21  14

> (G<-2*sum(ov*log(ov/esp)))
[1] 22.49692

```

```
> (chi.pearson<-sum( (ov-esp)^2/esp))
[1] 22.16117
```

El test de  $\chi^2$  de Pearson también lo podemos implementar a través de

```
summary(ov) Call: xtabs(formula = y ~ cantidad + edad) Number of
cases in table: 100 Number of factors: 2 Test for independence of
all factors:
      Chisq = 22.161, df = 1, p-value = 2.507e-06
```

La corrección por continuidad de Yates que sustrae 0.5 cuando  $y_{ij} - \hat{\mu}_{ij}$  es positivo y suma 0.5 cuando es negativo, está implementada en

```
> prop.test(ov)

      2-sample test for equality of proportions with continuity correction

data:  ov X-squared = 20.1923, df = 1, p-value = 7.003e-06
alternative hypothesis: two.sided 95 percent confidence interval:
 0.2801819 0.6868510
sample estimates:
   prop 1    prop 2 
0.7692308 0.2857143
```

Esta corrección da mejores aproximaciones para muestras de tamaño pequeño.

El comando `prop.table` calcula las proporciones muestrales:

```
> prop.table(ov)
      edad
cantidad <=40 >40
      <=20 0.50 0.15
      >20  0.10 0.25
```

## 2. Tablas de doble entrada de mayor tamaño

Snee (1974) presenta 592 datos on estudiantes que fueron clasificados de acuerdo a su color de cabello y ojos. Estos datos se hallan en la librería `faraway` que puede bajarse del CRAN de R.

```
>library(faraway)
> data(haireye)
> haireye
      y  eye  hair
1     5 green BLACK
2    29 green BROWN
3    14 green  RED
4    16 green BLOND
5    15 hazel BLACK
6    54 hazel BROWN
7    14 hazel  RED
8    10 hazel BLOND
9    20 blue  BLACK
10   84 blue  BROWN
11   17 blue  RED
12   94 blue  BLOND
13   68 brown BLACK
14  119 brown BROWN
15   26 brown  RED
16    7 brown BLOND
```

Podemos visualizarlos en forma de tabla mediante el comando `xtabs` y calcular el estadístico del test de Pearson:

```
> (color <- xtabs(y ~ hair + eye, haireye))
      eye
hair   green hazel blue brown
BLACK      5     15     20     68
BROWN     29     54     84    119
RED        14     14     17     26
BLOND      16     10     94      7

> summary(color)
Call: xtabs(formula = y ~ hair + eye, data = haireye) Number of
cases in table: 592 Number of factors: 2 Test for independence of
all factors:
      Chisq = 138.29, df = 9, p-value = 2.325e-25
```

Por ejemplo, para realizar un análisis exploratorio podríamos realizar un gráfico representativo y considerar las siguientes opciones cuyos resultados se muestran en las figuras siguientes:

```
dotchart (color)
```

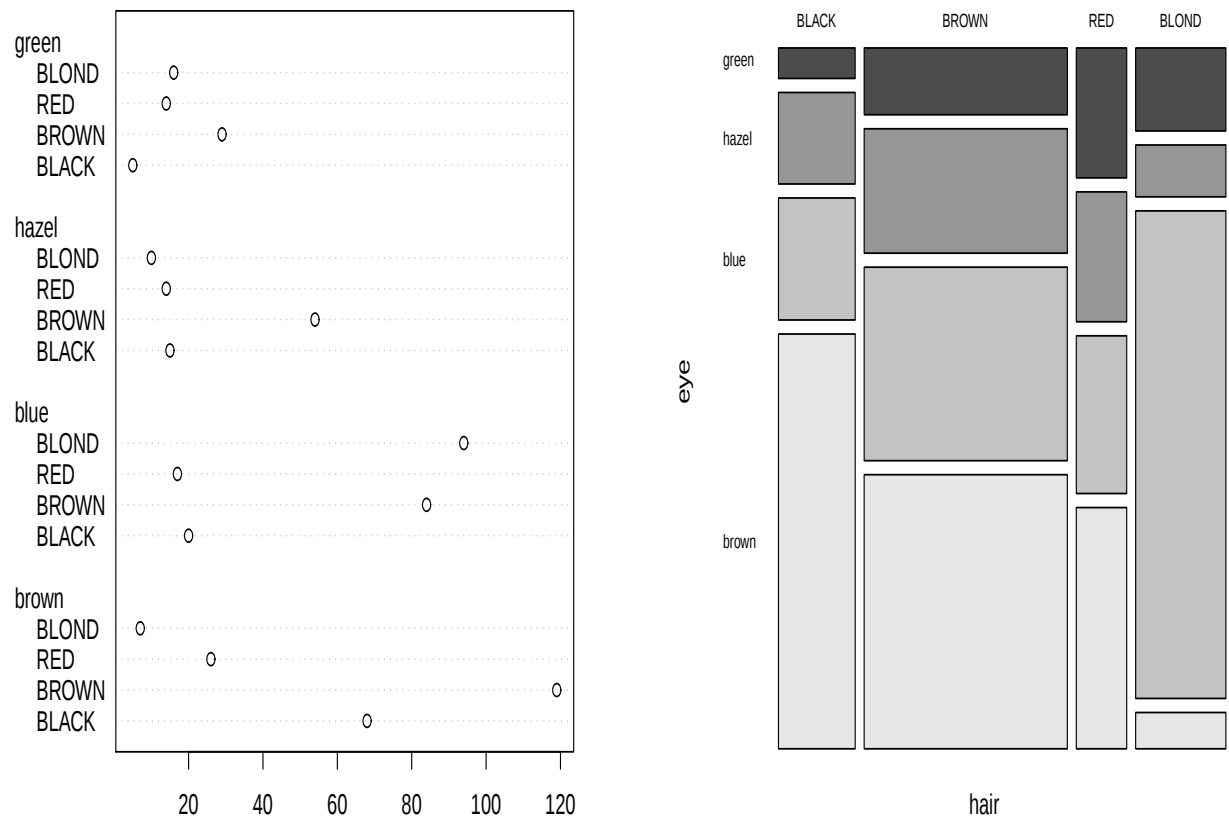


Figura 1: dotchart y mosaicplot

```
mosaicplot(color,color=TRUE,main=NULL,las=1)
```

### 3. Tablas de 3 variables

Appleton, French y Vanderpump (1996) reportan los datos de un estudio longitudinal realizado durante 20 años a fin de estudiar los efectos de fumar. Durante 1972–74 un estudio mayor que también consideraba otras variables clasificaba a las mujeres de acuerdo a su edad y si fumaban o no. Sólo las mujeres fumadoras son presentadas aquí. Muy pocas fumadoras dejaron el estudio. Aquí presentamos los datos.

```
> (datos <- xtabs(y ~ smoker+dead+age, femsmoke))
, , age = 18-24
```

```
      dead
smoker yes  no
   yes    2  53
   no     1  61
```

```
, , age = 25-34
```

```
      dead
smoker yes  no
   yes     3 121
   no      5 152
```

```
, , age = 35-44
```

```
      dead
smoker yes  no
   yes    14  95
   no     7 114
```

```
, , age = 45-54
```

```
      dead
smoker yes  no
   yes    27 103
   no    12  66
```

```
, , age = 55-64
```

```
      dead
smoker yes  no
   yes    51  64
   no    40  81
```

```
, , age = 65-74
```

```
      dead
smoker yes  no
   yes    29   7
   no   101  28
```

```
, , age = 75+
```

|        | dead |    |
|--------|------|----|
| smoker | yes  | no |
| yes    | 13   | 0  |
| no     | 64   | 0  |

Si colapsamos por edad, es decir si no tuviéramos en cuenta esta variable, quedaría:

```
> (colapsada.age <- xtabs(y ~ smoker+dead, femsmoke))
```

|        | dead |     |
|--------|------|-----|
| smoker | yes  | no  |
| yes    | 139  | 443 |
| no     | 230  | 502 |

Si quisiéramos testear independencia en esta última tabla podríamos hacer:

```
> summary(colapsada.age)
Call: xtabs(formula = y ~ smoker + dead, data = femsmoke) Number of
cases in table: 1314 Number of factors: 2 Test for independence of
all factors:
      Chisq = 9.121, df = 1, p-value = 0.002527
```

Vemos que el  $p\text{-value} = 0.002527$ , con lo cual rechazaríamos la hipótesis de independencia entre estas variables.

¿A qué conclusión llegaría si considera el grupo de edad 45–54 y repite este último test? ¿Parece esto coherente con el resultado anterior?