## Modelo Lineal Generalizado

Adicional de TP 2

9. Consideremos la siguiente tabla

$n_{11}$	$n_{12}$	$n_{1+}$
$n_{21}$	$n_{22}$	$n_{2+}$
$n_{+1}$	$n_{+2}$	n

Cuadro 1: Marginales Fijas

- a) Supongamos que todas las marginales  $n_{i+}$  y  $n_{+j}$  son fijas. Pruebe que el odd ratio  $\theta = \frac{n_{11}n_{22}}{n_{12}n_{21}}$  es una función creciente de  $n_{11}$ .
- b) Supongamos ahora que el muestreo es producto multinomial, es decir que  $n_{11} \sim Bi(n_{1+}, \pi_{1|1})$  y  $n_{21} \sim Bi(n_{2+}, \pi_{1|2})$  son independientes. Pruebe que bajo el supuesto de homogeneidad,  $n_{11}|_{n_{11}+n_{21}=s}=t$  tiene distribución hipergemétrica. ¿De qué parámetros?
- c) En un campo costero hay 30 pinos, 15 en la costa y otros 15 en el interior del mismo. De los 30 pinos, 4 están secos y los restantes están saludables. Si los 4 pinos secos están sobre la costa, ¿hay evidencia de que el viento o algún otro factor sobre la zona costera afecte a los pinos o la diferencia observada es atribuible meramente al azar?

A través del test de exacto de Fisher testee si hay diferencia entre los dos grupos.