

**Geometría y métodos probabilísticos en espacios de Banach
y varias variables complejas**

1er cuatrimestre de 2007

Programa del curso

1. Preliminares: Repaso de algunas nociones de espacios de Banach.
2. Bases de Schauder, bases incondicionales y simétricas. Espacios de sucesiones y de funciones.
3. Geometría de espacios de Banach. Distintos tipos de convexidad (estricta, uniforme, etc.), puntos extremales. Suavidad de normas. Tipo y cotipo de espacios de Banach. Aplicaciones. Operadores sumantes, ideales de operadores.
4. Normas en \mathbb{C}^n . Teoría isométrica, distancias de Banach Mazur, lema de Lewis, volumen de convexos.
5. Repaso de nociones de Probabilidades. Ley cero-uno de Kolmogorov. Vectores gaussianos. Teorema de comparación de la esperanza para vectores gaussianos. Teorema de Fernique-Sudakov.
6. Monomios en un espacio de Banach. Polinomios Gaussianos y polinomios de Bernoulli. Aplicaciones a varias variables complejas: Radios de Bohr de conjuntos acotados de \mathbb{C}^n .

Bibliografía

1. F. Albiac, N. Kalton. *Topics in Banach Space Theory*. Graduate Texts in Mathematics, Springer-Verlag, 2006.
2. P. Billingsley, *Probability and measure* John Wiley and Sons. New York. 1995.
3. J. Diestel. *Sequences and Series in Banach spaces*. Graduate Texts in Mathematics, 92, Springer-Verlag, 1984.
4. J. Diestel, H. Jarchow, A. Tonge, *Absolutely summing operators*. Cambridge Studies in Advanced Mathematics, 43. Cambridge University Press, Cambridge, 1995
5. R.M. Dudley, *Real analysis and probability* Cambridge Studies in Advanced Mathematics, 74. Cambridge University Press, Cambridge, 2002.
6. W. Johnson, J. Lindenstrauss. Basic concepts in the geometry of Banach spaces. *Handbook of the geometry of Banach spaces*, Vol. I, 1–84, North-Holland, Amsterdam, 2001.
7. J.P. Kahane, *Some random series of functions*. Second edition. Cambridge Studies in Advanced Mathematics, 5. Cambridge University Press, Cambridge, 1985.
8. D. Li, H. Queffélec *Introduction à l'étude des espaces de Banach, Analyse et probabilités* Collection SMF . Cours Spécialisés , 12. Société Mathématique de France, Paris, 2004.

9. J. Lindenstrauss, L. Tzafriri. Classical Banach spaces I. Springer, 1977.
10. N. Tomczak-Jaegermann, Banach–Mazur Distances and Finite–Dimensional Operators Ideals. Longman Scientific & Technical, 1989.

ARTÍCULOS

1. L. Aizenberg, Multidimensional analogues of a Bohr’s theorem on power series. *Proc. Amer. Math. Soc.* **128** (2000), no. 4, 1147–1155.
2. H. Boas, Majorant series *J. Korean Math. Soc.* **37** (2000), no. 2, 321–337.
3. A. Defant, D. García, M. Maestre, Bohr’s power series theorem and local Banach space theory, *J. Reine Angew. Math.* **557** (2003), 173–197.